

Metoda Elementów Skończonych

Projekt

Prowadzący:

Dr hab. T. Stręk, prof. PP

Autorzy:

Analiza porównawcza naprężeń i odkształceń w profilu aluminiowym o przekroju złożonym oraz profilu stalowym o przekroju kwadratowym.

1. Cel analizy:

Celem badania jest przeprowadzenie porównania odkształceń oraz naprężeń występujących w profilach aluminiowych oraz stalowych, które są powszechnie stosowane przy tworzeniu maszyn i urządzeń, pod działaniem siły o wartości F = 10000N/m² przyłożonej do jednego końca belki. Drugi koniec belki jest sztywno zamocowany.

2. Opis modeli:

Profil aluminiowy o przekroju złożonym i wymiarach zewnętrznych 40x40 mm.
 Długość belki L = 500 mm. Masa ok. 1kg.



Rys. 1 Przekrój poprzeczny.



Rys. 2 Profil zamodelowany w programie Solidworks.

 Profil stalowy o przekroju kwadratowym i wymiarach zewnętrznych 40x40mm i grubości ścianki 2mm. Długość belki

L = 500 mm. Masa ok. 1kg.



Rys. 3 Przekrój poprzeczny.



Rys. 4 Profil zamodelowany w programie Solidworks.

Do analizy naprężeń wykorzystujemy równanie Lagrange'a II rodzaju, które ma postać:

$$\rho \frac{\vartheta^2 u}{\vartheta t^2} - \nabla * c \nabla u = F$$

Gdzie: F – wartość siły , ρ – gęstość materiału.

Wyżej opisane badania przeprowadzimy korzystając z programu COMSOL Multiphysics. Moduł z jakiego będziemy korzystać to Structural Mechanics Module – Solid, Stress Strain – Static analysis.

space	discountings	20		
	dimension:	30	~	12.6
<u></u>	Chemical Engine	ering Module	^	
±	Design Optimiza	tion Module		
±	Earth Science M	odule	_	
±	Heat Transfer M	lodule		
±	MEMS Module			
里···-	RF Module	Jie Jaardan in Madda		
B	Structural Mech	anics Module		
-	- Solid, Stress	sotrain		
	Static ar	nalysis palycic elacto-plactic material		
	 Eigenfre 			Description:
	Damped	eigenfrequency analysis		strains that results in a 3D body given
	 Transier 	nt analysis		applied loads and constraints.
	Frequent	icv response analysis		Linear stationary analysis, both material,
1	Paramet	ric analysis		load, and constraints being constant in time.
		atic analysis	~	
	🗰 🏶 Quasi-st			
Depen	dent variables:	uvwp		
Depen	dent variables:	u v w p smsld		

Rys. 5 Wybór modułu.

3. Przebieg badań:

Pierwszym czynność jaką należy wykonać jest zaimportowanie modelu do programu COMSOL.



Rys. 6 Zaimportowany model profilu aluminiowego w formacie .STL.

Następnie należy określić parametry materiału. W tym przypadku została wykorzystana biblioteka materiałowa, która automatycznie wprowadziła wszystkie niezbędne dane.

ubdomaine	Creation	Material	Constructor	1	Denning	Tablel Charge	and Churk	- T-ib	Flowerk	Color	
ubuomains	Groups	Material	Constraint	Load	Damping	Initial Stress	and Strai		Element	Color	
5ubdomain s	election	Material	settings								
1	^	Library I	material: 🖊	lumin	um v	Load					
		Material	model:	Isotr	opic 🗸	•					
		Coordin	ate system:	Globa	al coordinat	e system 🗸					
		Use	mixed U-P	formula	tion (nearly	/ incompressib	le materia	al)			
		Quantity		Value	Value/Expression		Unit	t Description			
		E		70e9	[Pa]		Pa	Young	s modulus	;	
		v		0.33			1	Poisso	n's ratio		
Group:	>										
Select by	y group	a		23e-	6[1/K]		1/K	Therm	al expansi	ion coeff.	
Active in	this domain	ρ		2700	[kg/m ^3]	kg/m ³	Densit	y		

Rys. 7 Określenie podstawowych parametrów – wybór materiału.

Po wprowadzeniu wszystkich danych należy nanieść na badaną belkę miejsce przyłożenia siły oraz miejsce jej zamocowania.

D	Boundaries Groups	Constraint Load Co	olor			
	Boundary selection	Load settings				1
	104	Type of load:	Distributed load $ \smallsetminus $			
	105	Coordinate system:	Global coordinate sy	stem 🗸	1	
	107	Quantity	Value/Expression	Unit	Description	
	109	F _x	0	N/m ²	Face load (force/area) x-dir.	-
	110	Fy	0	N/m ²	Face load (force/area) y-dir.	
	111	Fz	10000	N/m ²	Face load (force/area) z-dir.	
	113					
	114					
	115 V					
	Group:					
	Select by group					
	Interior boundaries					
				OK Cano	el Apply Help	

Rys. 8 Miejsce przyłożenia siły, jej wartość oraz kierunek działania.

1	Boundary Settings - Solid, St	ress-Strain (smsld)		×
	Boundaries Groups	Constraint Load Color		
	Boundary selection	Constraint settings Constraint condition: Coordinate system:	Fixed V Global coordinate system	
	<i></i>		OK Cancel Ap	Help

Rys. 9 Miejsce zamocowania profilu.

Następnie na modelu została wygenerowana siatka składająca się z 149094 elementów.



Rys. 10 Model z naniesioną siatką elementów skończonych.

Po wygenerowaniu rozwiązania otrzymujemy wyniki w postaci graficznej oznaczone kolorami odpowiadającymi określonym wartością na skali z prawej strony okna. W naszym przypadku interesują nas odkształcenia oraz naprężenia wewnątrz badanego obiektu.



Rys. 11 Model przedstawiający zmianę wartości odkształcenia.



Rys. 12 Model przedstawiający zmianę wartości naprężeń wewnętrznych.

Postępując analogicznie należy wykonać powyższe czynności dla profilu stalowego.



Rys. 13 Zaimportowany model profilu stalowego w formacie .STL.

abdomains	Groups	Material Constraint	Load Damping Initial Stress	and Stra	in Init Element Color
ubdomain s	selection	Material settings			
	^	Library material: S	tructural steel V Load		
		Material model:	Isotropic 🗸 🗸		
		Coordinate system:	Global coordinate system \smallsetminus		
		Use mixed U-P f	ormulation (nearly incompressibl	e materi	al)
		Quantity	Value/Expression	Unit	Description
		E	200e9[Pa]	Pa	Young's modulus
		v	0.33	1	Poisson's ratio
	~				
roup:	~				
Select b	y group	a	12.3e-6[1/K]	1/K	Thermal expansion coeff.
Active ir	n this domain	ρ	7850[kg/m^3]	kg/m ³	Density

Rys. 14 Określenie podstawowych parametrów – wybór materiału.

	Boundary selection	Load settings Type of load:				
	2	Coordinate system:	Global coordinate sy	stem 🗸	1	Contraction of the owner own
	4 5	Quantity	Value/Expression	Unit	Description	
	6	F _y	0	N/m ²	Face load (force/area) y-dir.	
	8 9 10	Fz	10000	N/m ²	Face load (force/area) z-dir.	
	11 12 V					
- AND	Group:					
	Interior boundaries					
and a second second	4 I					

Rys. 15 Miejsce przyłożenia siły, jej wartość oraz kierunek działania.

Boundaries Groups Boundary selection	Constraint Load Color Constraint settings	
15 ^ 16 17 18 19 20 21 22	Constraint condition: Fixed Coordinate system: Global coordinate system	
23 24 25 26 ▼ Group: ▼		
Interior boundaries	OK Cancel Apply	y Help





Rys. 17 Model z naniesioną siatką elementów skończonych.



Rys. 18 Model przedstawiający zmianę wartości odkształcenia.



Rys. 19 Model przedstawiający zmianę wartości naprężeń wewnętrznych.

4. Zestawienie wyników:

W profilu aluminiowym maksymalne odkształcenie znajdujące się w miejscu przyłożenia siły osiągnęło wartość 36,4 mm, natomiast w profilu stalowym zaledwie 9,1 mm.

Rozkład naprężeń wewnętrznych w profilu aluminiowym i stalowym przedstawia się następująco:

	Profil aluminiowy.	Profil stalowy.
Wartość minimalna naprężeń wewnętrznych.	828,442 Pa	3006 Pa
Wartość maksymalna naprężeń wewnętrznych.	9,52 x 10 ⁵ Pa	6,3 x 10⁵ Pa

5. Wnioski:

Analizując otrzymane wyniki możemy śmiało stwierdzić, iż mimo skomplikowanego kształtu oraz znacznie większej powierzchni pola przekroju poprzecznego profil aluminiowy odkształca się w większym stopniu od profilu stalowego pod działaniem tego samego obciążenia statycznego.

Również wartości naprężeń wewnętrznych wskazują przychylność w stronę popularnej przy projektowaniu kwadratowej belki stalowej, której cena jest kilkukrotnie niższa od profilu aluminiowego, co ma znaczący wpływ przy doborze materiałów konstrukcyjnych.

Analiza rozkładu temperatury w kombinerkach, przy niewielkiej powierzchni przyłożenia ciepła, w funkcji czasu.

1. Cel analizy:

Zbadanie rozkładu temperatury w kombinerkach wykonanych ze stali 42CRMO4, w funkcji czasu.

Analizie poddano kombinerki ze stali, które jako element chwytający mają ząbkowaną powierzchnię półokrągłą.

Kombinerki (szczypce uniwersalne) – narzędzie służące do obróbki ręcznej. Składa się z dwóch metalowych części, połączonych w podobny sposób jak nożyczki.

Kombinerki służą do manipulowania uchwyconym przedmiotem, wyginania go oraz do ściągania izolacji z przewodów elektrycznych. Wewnętrzna strona ich główki jest spłaszczona i posiada szorstką fakturę powierzchni, zapobiegającą wyślizgiwaniu się trzymanego przedmiotu.

Oceniano jaki będzie przepływ ciepła w zasymulowanej sytuacji, którą jest chwycenie rury nagrzanej do temperatury 353K co odpowiada 80 stopniom Celsjusza.

Parametrami zadanymi będzie temperatura na krańcach ząbków chwytaka, rodzaj materiału, oraz temperatura początkowa kombinerek, a także czas nagrzewania – 40s.



Kombinerki są niewielkie, mają 13.5cm długości.

Materiał z którego zostały wykonane to wspomniany wcześniej stop Fe. Stal 42CRMO4, materiał został nadany w programie COMSOL, wybrany z katalogu dostępnego w programie. Analiza zostanie wykonana na podstawie równania wymiany ciepła:

$$\frac{\delta_{ts}\rho C_p \partial T}{\partial T} - \nabla \cdot (k \nabla T) = Q$$

 δ_{ts} – współczynnik skalowania czasu ρ – gęstość materiału [kg/m³] C_p – ciepło właściwe [J/kg · K] T – temperatura [K] t – czas [s] ∇ – operator Nabla k – współczynnik przewodzenia ciepła [W/m² · K] Q – ciepło [J]

Analiza zostanie wykonana przy pomocy programu COMSOL Multiphysics. Moduł z jakiego będziemy korzystać to Heat transfer module, transient analisys.

3. Przebieg badania:

Po załadowaniu modelu w formacie STEP, badanie rozpoczynam od nadania materiału, o którym wspomniałem wyżej, a następnie odpowiednich warunków brzegowych i początkowych.

aterials/Coefficients Library (read on) ×	<
Materials	Material properties	
- 1030 (UNS G10300)	Name: 4140 (UNS G41400)	
- 1035 (UNS G10350)	DIN number: 1.7225 UNS number: G41400	
- 1040 (UNS G10400)		
- 1045 (UNS G10450)	Phase/Condition:	
- 1065 (UNS G10650)	Orientation/Condition: bar tempered at 700K \sim	
- 1075 (UNS G10750)		
- 1080 (UNS G10800)	Physics Elastic Electric Fluid Piezoelectric Thermal All	
- 1086 (UNS G10860)		
- 1095 (UNS G10950)	Quantity Value/Expression Description	
- 1112 1522 (UNIS C15220)	e eters (2015-11) - 40/03 - 10 - 10 - 10 - 10	
- 3140 (UNS C31400)	C C([[1/K])[J/(Kg*K)] Heat capacity at co	
4037 (UNS 640370)	K K(T[1/K])[W](M*K)] Inermal conductivity	
- 4130 (UN5 G41300)	no no(([1/c])[cg/m-5] bensicy	
- 4140 (UN5 G41400)		
4310 (UNS G43100)		
4320 (UNS G43200)		
~4330 (UNS G43300)		
Count	Enable individual settings	
search	Phase/Condition:	
Search for: Name		
Search string:	Orientation/Condition:	- "
Search		
	Hide undefined properties Functions	- +-
Go To	More Info Plot	
	OK Cancel Apply Help	
) filo Dliova ato		

Niewiadome w powyższym równaniu takie jak gęstość, ciepło właściwe, współczynnik przewodności cieplnej – to parametry związane z materiałem z którego jest wykonany analizowany element, zatem zostają one nadane automatycznie przez program po wyborze odpowiadającego nam materiału.

Wybór elementów które składać się mają z tego materiału (w naszym przypadku całe kombinerki wykonane są z jednego materiału).



Poniżej – nadanie temperatury początkowej materiału w całej jego objętości. W naszym przypadku 293K co odpowiada 20 stopniom Celsjusza.



Następnie przechodzę do nadania warunków brzegowych, symulujących wyżej opisaną sytuację, jak widać temperatura 80 stopni Celsjusza działać ma jedynie na szczyty ząbków antypoślizgowych kombinerek.



W dalszej kolejności przechodzę do zakładki odpowiadającej za parametry rozwiązywania, w celu zdefiniowania czasu i przedziałów w których program ma 'zapisać' wyniki. Ustawiam 40s z zapisem co 1s.

Analysis:	General Time Stepping Advanced		E I
Transient	Time stepping Times: Relative tolerance: Absolute tolerance: Allow complex numbers Linear system solver Linear system solver: Conjugate gra Preconditioner: Algebraic multi Quality of multigrid hierarchy: 3	0:1:40 0.01 0.0010	
Adaptive mesh refinement Optimization	Memory efficiency Matrix symmetry: Automatic	Precond. quality Settings	
	OK	Cancel Apply He	۱p

Kolejnym krokiem jest zaprogramowanie siatki elementów skończonych, w tym przypadku, niezbyt skomplikowany kształt pozwala nam na zastosowanie siatki zagęszczonej umiarkowanie.



W końcu przechodzimy do rozwiązywania problemu. Po przeanalizowaniu przez program, otrzymane wyniki zaprezentuję w 5 sekundowych odstępach czasu (przez pierwsze 20 sekund) a następnie co 10s.







Po 10s:







Po 20s:







I w chwili ostatniej – 40s:



4. Analiza otrzymanych wyników i wnioski:

Na podstawie obserwacji powyższych wyników, można dojść do wniosku, że otrzymany rezultat – nie nagrzania się całej objętości kombinerek jest efektem kilku czynników które wystąpiły w naszym przypadku. Pierwszym z nich jest mała powierzchnia styku, powierzchnia szczytów ząbków w porównaniu do całości kombinerek jest nieznaczna, stąd powierzchnia przepływu ciepła również była niewielka.

Drugim z czynników była na pewno niewielka różnica temperatur, 60 stopni Celsjusza, gdyby różnica ta była większa przedmiot nagrzałby się zdecydowanie szybciej.

Ostatnim z czynników takiego stanu rzeczy jest na pewno krótki czas nagrzewania, stal cechuje się przeciętną przewodnością cieplną i czas w którym przedmiot nagrzałby się w całej swojej objętości byłby zdecydowanie dłuższy.

Nie bez znaczenia jest także geometria kombinerek.

Analiza przepływu powietrza, wzdłuż przekroju wzdłużnego w osi samolotu Northrop B-2 Spirit.

1. Cel analizy i opis modelu:

Do analizy przyjęty został model samolotu Northrop b-2 Spirit - amerykański bombowiec strategiczny wykonany w technologii stealth, zdolny do przenoszenia bomb konwencjonalnych i jądrowych. Konstrukcja samolotu oparta jest na układzie latającego skrzydła. B-2 Spirit napędzany jest czterema turbinowymi silnikami dwuprzepływowymi firmy General Electric.Ciśnienie atmosferyczne wynosi 1000HPa. Przepływ analizowany był dla przekroju poprzecznego w osi samolotu.

Do analizy przepływu wykorzystany został moduł Fluid Dynamics – Incompressible Navier Stokes – Steady – State analysis z programu COMSOL Multiphysics 3.4. 2.



Skrócona specyfikacja techniczna samolotu:

V	Vymiary		Masa		Osiągi
Rozpiętość	52,12 m	Nłasna	71 668 kg	Prędkość maks.	0,85 Ma (1040 km/h)
Długość	20,9 m	Startowa	152 600 kg	Prędkość	0.78 Ma (955 km/h)
Wysokość	5,1 m	Jzbrojenia	22 680 kg	przelotowa	
Powierzchnia	465.5 m²			Pułap	15 152 m
nośna				Zasięg	9650 km

2.Przebieg symulacji

Pierwszym etapem pracy było odpowiednie obrobienie modelu samolotu. Stworzony model kolejno zaadoptowany został do programu COMSOL i umieszczony w przestrzeni symulującej przestrzeń powietrzną.

Różnica w porównaniu do standardowego tunelu aerodynamicznego polega na otwartej górnej powierzchni i zastąpieniu jej wartością ciśnienia atmosferycznego. Dzięki takiemu zabiegowi możemy lepiej prześledzić ruch powietrza który nie jest ograniczany górną ścianą tunelu i może tak jak na otwartej przestrzeni opływać samolot na dowolnej wysokości. Tego typu zabieg zwiększa wiarygodność analizy.



Definiowanie tła (przestrzeni powietrznej):



Następnym etapem było ustalenie w sekcji Subdomain Settings odpowiednich parametrów gazu opływowego. Do symulacji wykorzystane zostało powietrze atmosferyczne o parametrach przedstawionych i zdefiniowanych na rysunku poniżej, wartości parametrów zostały zdefiniowane przez program COMSOL (wybrano Powietrze z bazy materiałów):



Kolejnym krokiem, było zdefiniowanie odpowiednich warunków brzegowych Parametrem wejścia na prawej ścianie jest prędkość gazu wynosząca 258m/s co odpowiada 928.72km/h.



Parametr wyjścia to ciśnienie, o wartości odpowiadającej średniej wartości ciśnienia atmosferycznego: 1000hPa.



Następnie zdefiniowaliśmy siatkę elementów skończonych:



Finalnie, po przeprowadzeniu symulacji otrzymaliśmy następujący wynik:



3. Analiza i wnioski:

Analizowane predkości powietrza opływające samolot są najwieksze, jak można było przewidzieć, w szczytowych miejscach samolotu, rozkład prędkości jest równomierny, prawie symetryczny, po obu stronach samolotu. Maksymalna osiągnieta prędkość przepływu to nieco ponad 429m/s, co odpowiada 1544.27km/h, prędkość przepływu wzrosła zatem w miejscach oznaczonych jako maksimum o ponad 600km/h.

W realnych warunkach różnice ciśnień, a także często różne kierunki wiatru, zmieniłby na pewno wygląd przepływu.

Należy też zauważyć, że jest to symulacja przepływu powietrz wzdłuż osi wzdłużnej samolotu B-2, zatem jest to miejsce o największym polu przekroju w całym samolocie, stąd wnioskować by można, że w pozostałych przekrojach maksymalne prędkości przepływu byłyby mniejsze.